

מס' הקורס: 9851-1-201 שם הקורס: אלגברה ליניארית להנדסת השמל

מס' עמודים: 2 שם המרצה: פרופ. יקותיאל תרגיל מספר 4

1. לאלו ערכים של  $k$  יש למערכות הבאות: (א) פתרון יחיד (יש למצוא אותו!), (ב) אינסוף פתרונות (יש למצוא פתרון כללי) או (ג) אין פתרון מעל  $R$

$$\begin{cases} kx + y + z = 1 \\ x + ky + z = 0 \\ x + y + kz = 1 \end{cases} \quad .3 \quad \begin{cases} x + 2y + kz = 1 \\ 2x + ky + 8z = 3 \end{cases} \quad .2 \quad \begin{cases} x + (k-3)y = 0 \\ kx - 2y = k - 2 \end{cases} \quad .1.$$

$$\begin{cases} 2x + 3y - z = 1 \\ x + y + kz = 3 \\ 3x + 4y + 2z = k \end{cases} \quad .6 \quad \begin{cases} kx + y + z = 2k \\ x + y - z = -2 + 3k \\ k^2x + ky + 2z = 4 \end{cases} \quad .5 \quad \begin{cases} 2x - y + 2kz = 0 \\ kx + (1-k)y + z = 0 \\ kx - 2y + (k-1)z = 0 \end{cases} \quad .4$$

2. הוכח (או הפרך בעזרת דוגמא נגדית) אם הקבוצות הבאות מהוות תת-מרחב ליניארי מעל  $R$ .

- א. כל הוקטורים מ- $R^n$  שרכיביהם מספרים שלמים.  
 ב. כל הוקטורים במישור  $xOy$  אשר מתחילים בנקודת 0 ומסתיימים בציר  $Ox$  או  $Oy$ .  
 ג. כל הוקטורים במישור  $xOy$  אשר מסתיימים בקו ישר נתון. (הנחה: הוקטורים מתחילים בנקודת האפס).

ד. כל הוקטורים מ- $R^n$  אשר רכיביהם מקיימים את התנאי:  $\sum_{i=1}^n x_i = 0$ .

ה. כל הוקטורים מ- $R^n$  אשר רכיביהם מקיימים את התנאי:  $\sum_{i=1}^n x_i = 1$ .

3. הוכח כי הקבוצה:  $W = \{(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n) \in R^n : \alpha_1 = 0\}$  היא תת-מרחב של  $R^n$  מעל  $R$ .

4. קבע האם  $W$  הוא תת-מרחב של  $R^3$  מעל  $R$  כאשר  $W$  מורכב מכל הוקטורים  $(a, b, c) \in R^3$  המקיימים:

א.  $a = 2b$       ב.  $a \leq b \leq c$       ג.  $ab = 0$       ד.  $a = b = c$       ה.  $a = b^2$

5. נניח כי  $V = R^4$ . קבע אם  $U$  מהווה תת מרחב של  $V$  מעל  $R$

I)  $U = \{(a, b, c, d) | a + b + c + d = 1\}$ ,      II)  $U = \{(a, b, c, d) | a + b = c + d\}$

III)  $U = \{(a, b, c, d) | b = c\}$ ,      IV)  $U = \{(a, b, c, d) | a, b, c, d \geq 0\}$ ,

V)  $U = \{(a, b, c, d) | a + 3b = c\}$       VI)  $U = \{(a, b, c, d) | b = a^2\}$

6. בכל אחד מהמקרים הבאים, בדקו אם  $W$  הוא תת מרחב של  $V$  מעל  $C$  והוכיחו זאת

$$I) \quad W = \{(x, y, z) \mid x^2 = y^2\} \quad V = R^3$$

$$II) \quad W = \{(z_1, z_2) \in C^2 \mid z_1 = z_2\} \quad V = C^2$$

עבודה נעימה