

המחלקה למתמטיקה, בן-גוריון

אשנב למתמטיקה

ביום שלישי, 5 באפריל, 2016

בשעה 18:30 – 20:00

באולם 101-

ההרצאה

גרף ראדו – הגרף המקרי

תינתן על-ידי

נדב מאיר

תקציר: גרף (אינסופי בן מנייה) $G=(V,E)$ נקרא אדיר אם לכל שתי תתי קבוצות סופיות $F_1, F_2 \subset V$ יש קודקוד $v \in V$ כך ש- v מחובר בצלע לכל קודקוד ב- F_1 ולא מחובר בצלע לאף קודקוד ב- F_2 . בהרצאה זו נסקור תכונות מעניינות של גרפים אדירים, כמו למשל:

• אם Γ הוא גרף אדיר ו- G הוא גרף בן מנייה כלשהו, אז יש תת-גרף מושרה $\Gamma \subseteq H$ כך ש- H איזומורפי ל- G .

• אם Γ הוא גרף אדיר ו- $f: H_1 \rightarrow H_2$ איזומורפיזם בין שני תתי-גרפים מושרים סופיים של Γ , אז יש אוטומורפיזם $\widehat{f}: \Gamma \rightarrow \Gamma$ של Γ כך ש- $\widehat{f} \upharpoonright_{H_1} = f$.

• קיים גרף בן מנייה אדיר והוא יחיד עד כדי איזומורפיזם של גרפים. גרף זה נקרא "הגרף המקרי" הוא "גרף ראדו". בהמשך נראה מדוע הוא נקרא הגרף המקרי.

אם יתיר הזמן, נראה שימוש של הגרף המקרי לפתרון שאלה מתוך מאמרם של אסף חסון, מנחם קוג'מן ואלף אונסהוס בנושא אי-חליקות סימטרית ו/או נציג בנייה שמכלילה את הבנייה של הגרף המקרי למבנים בשפה שרירותית.