

נגזרת

1. גזירת הפונקציות הבאות:

$$\begin{array}{lll}
 f(u) = 5(3u^2 - u + 4)^4 & .4 & y = \frac{1}{x} \ln x^2 & .3 \\
 & & y = \frac{e^x - 1}{e^x + 1} & .2 \\
 y(x) = (x-1)\sqrt{x^2 + 1} & .7 & y(x) = (3x-1)^2 \cdot (x+1)^3 & .6 \\
 & & y(x) = \sqrt{R^2 - x^2} & .5 \\
 y(x) = \ln^2 \sqrt{x} & .14 & y(x) = \ln \frac{\sqrt{x^2 + 1} - 1}{x} & .13 \\
 & & y(x) = \ln \ln x & .11 \\
 y = x^5 \cdot 5^x & .22 & y = 2^{x^2-6x+5} & .20 \\
 & .21 & y(x) = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1}) & .15 \\
 & & y = \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x & .30 \\
 & & y = x^{x^2} & .28 \\
 & & y = e^{x \ln x} & .23
 \end{array}$$

2. חשב את הערכיהם הבאים בעזרת הקירוב הlienاري (דיפרנציאלי):

$$e^{(0.99)^2} \quad .43 \qquad \ln 1.05 \quad .42$$

בהצלחה !

תשובות:

$$\begin{array}{lll}
 y' = \frac{2 - \ln x^2}{x^2} & .3 & y' = \frac{2e^x}{(e^x + 1)^2} & .2 \\
 & & y' = \frac{x(2 \ln x + 1)}{(\ln x + 1)^2} & .1 \\
 y'_x = -\frac{x}{\sqrt{R^2 - x^2}} & .5 & f'(u) = 20(3u^2 - u + 4)^3 \cdot (6u - 1) & .4 \\
 y'_x = \frac{1}{x \ln x} & .11 & y'_x = 3(3x-1) \cdot (x+1)^2 \cdot (5x+1) & .6 \\
 & & y'_x = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}} & .15 \\
 y'_x = \frac{2x^2 - x + 1}{\sqrt{x^2 + 1}} & .7 & y'_x = \frac{\ln x}{2x} & .14 \\
 & & y'_x = \frac{1}{x\sqrt{x^2 + 1}} & .13 \\
 y'_x = x^4 \cdot 5^x \cdot (5 + x \ln 5) & .22 & y'_x = 2^{x^2-6x+6} \cdot (x-3) \ln 2 & .20 \\
 & & y'_x = x^{x^2+1} \cdot (1 + 2 \ln x) & .28 \\
 & & y'_x = x^x \cdot (1 + \ln x) & .23 \\
 & & y'_x = \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x \cdot \left[\ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) - \frac{1}{1+x} \right] & .30
 \end{array}$$

$$0.98e \quad .43 \qquad 0.5 \quad .42$$